ἀφ' οὗ ἡ ΜΓ.

ἀφ' οὗ ἡ ΑΒ.

ἀφ' οὗ ἡ ΑΔ.

μάχοιτο δὴ τῷ ὑπὸ ΒΓ γωνίᾳ ὑπὸ τῶν ΔΑ
ΑΒ· τὸν γὰρ αὐτὸν κατασκευάσθαι τρόπον. ὥστε ἴση
ἐστὶν· τὸν γὰρ αὐτὸν κατασκευάσθαι τρόπον. ὥστε ἴση
ἐστὶν ἡ ΒΑ προσθήκῃ ΑΓ. οὕτως ἡ ΒΑ προσθήκῃ ΑΕ· τρι
γώνου γὰρ τοῦ ΒΓΕ παραλλάξας τὴν ΕΓ κείσεται ἡ ΑΔ·
ἰσοσκελὴς ἡ ΒΑ προσθήκῃ ΑΓ. οὕτως ἡ ΒΑ προσθήκῃ ΑΕ· ἴ
σον ἄρα ἡ ΑΓ τῇ ΑΕ· ὡς δὲ γωνίας ἡ ὑπὸ ΑΕΓ τῇ ὑπὸ
ΑΓΕ ἴση· ἀλλ' ἡμίσεια ὑπὸ ΑΕΓ τῇ ὑπὸ ΒΓΕ τῇ ὑπὸ
ΒΑΔ ἴση· ἡδὲ ὑπὸ ΑΓΕ τῇ ὑπὸ ΑΓΒ τῇ ὑπὸ
ΓΑΔ ἴση· ἡ ἄρα ὑπὸ ΒΓΑ γωνία διχᾶται τῇ
τοῦ ὑπὸ τῶν ΔΑ ΑΒ· ὅταν ἄρα τρίγωνον ἰσογώνιον
διχοτμῆθῃ· ἡδὲ τέμνουσα αὐτὴν ἀφῇ τέμνει τὴν
τῆς βάσεως. ταῦτον βάσεσιν τμήματα τὸ αὐτὸ ἔχει
λόγον τοῖς λοιποῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς. καὶ ὅταν
ταῦτον βάσεσιν τμήματα τὸ αὐτὸ ἔχῃ λόγον τοῖς
λοιποῖς τοῦ τριγώνου πλευραῖς. ἡ ἀπὸ τῆς κορυ
φῆς ἐπὶ τὴν τομὴν ἐπιζευγνυμένη ἀφῇ διχᾶ τὸν
μεταξὺ τοῦ τριγώνου γωνίαν. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν· καὶ ἐκβληθεισῶν τῶν ἴσων πλευρῶν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Ἔστω ἰσοσκελὲς τρίγωνον τὸ ΑΒΓ ἴσην ἔχον τὴν ΑΒ τῇ ΑΓ· καὶ προσεκβεβλήσθωσαν αἱ ΑΒ ΑΓ ἐπὶ τὰ Δ Ε σημεῖα· λέγω ὅτι ἡ μὲν ὑπὸ ΑΒΓ γωνία τῇ ὑπὸ ΑΓΒ ἴση ἐστίν· ἡ δὲ ὑπὸ ΓΒΔ τῇ ὑπὸ ΒΓΕ ἴση.

Εἰλήφθω γὰρ τυχὸν σημεῖον ἐπὶ τῆς ΑΒ τὸ Ζ· καὶ ἀφῃρήσθω ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς ΑΕ τῇ ἐλάσσονι τῇ ΑΖ ἴση ἡ ΑΗ· καὶ ἐπεζευχθεῖσαι αἱ ΖΓ ΗΒ· ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ μὲν ΖΑ τῇ ΗΑ δύο δὴ αἱ ΖΑ ΑΓ δυσὶ ταῖς ΗΑ ΑΒ ἴσαι εἰσὶν ἑκατέρα ἑκατέρᾳ· καὶ γωνίαν κοινὴν περιέχουσιν τὴν ὑπὸ ΖΑΗ· βάσις ἄρα ἡ ΖΓ βάσει τῇ ΗΒ ἴση ἐστίν· καὶ τὸ ΑΖΓ τρίγωνον τῷ ΑΗΒ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας πλευρὰς ἀλλήλαις ὑποτείνουσαι ἴσαι ἔσονται· ἡ μὲν ὑπὸ ΑΖΓ τῇ ὑπὸ ΑΗΒ· ἡ δὲ ὑπὸ ΑΓΖ τῇ ὑπὸ ΑΒΗ· καὶ ἐπεὶ ὅλη ἡ ΑΕ ὅλῃ τῇ ΑΔ ἴση ἐστὶν ἧς μέρος ἡ ΑΗ τῷ ἀφ' οὗ ἡ ΑΒ. ἴσον ἄρα ἐστὶν ἡ ΗΕ τῇ ΒΔ· ἀλλὰ ἡ ΑΓ τῇ ΑΒ ἴση· δύο δὴ αἱ ΗΑ ΑΓ δυσὶ ταῖς ΒΑ ΑΔ ἴσαι εἰσὶν ἑκατέρα ἑκατέρᾳ· καὶ γωνία κοινὴ περιέχουσιν ἡ ὑπὸ ΗΕΓ· βάσις ἄρα ἡ ΗΓ βάσει τῇ ΒΔ ἴση ἐστίν· καὶ τὸ ΗΕΓ τρίγωνον τῷ ΒΔΕ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας πλευρὰς ἀλλήλαις ὑποτείνουσαι ἴσαι ἔσονται· ἡ μὲν ὑπὸ ΕΓΗ τῇ ὑπὸ ΕΒΔ· ἡ δὲ ὑπὸ ΕΗΓ τῇ ὑπὸ ΕΔΒ· καὶ ἐπεὶ ἡ ὅλη γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΔ ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ ΓΑΕ· ἧς μέρος ἡ ὑπὸ ΗΕΓ τῇ ὑπὸ ΒΔΕ ἴση ἐστίν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΕΗΓ τῇ ὑπὸ ΕΒΔ ἴση ἐστίν· καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν ΗΕ τῇ ΒΔ· ἡ δὲ ΕΓ τῇ ΕΒ· δύο δὴ αἱ ΗΕ ΕΓ δυσὶ ταῖς ΒΔ ΔΕ ἴσαι εἰσὶν ἑκατέρα ἑκατέρᾳ· καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΗΕΓ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΒΔΕ ἴση· βάσις ἄρα ἡ ΗΓ βάσει τῇ ΒΕ ἴση ἐστίν· καὶ τὸ ΗΕΓ τρίγωνον τῷ ΒΔΕ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας πλευρὰς ὑποτείνουσαι ἴσαι ἔσονται· ἡ μὲν ὑπὸ ΕΗΓ τῇ ὑπὸ ΕΒΔ· ἡ δὲ ὑπὸ ΕΓΗ τῇ ὑπὸ ΕΔΒ· καὶ ἐπεὶ ἡ ὅλη ἄρα ἡ ΒΑΔ τῇ ὅλῃ ΓΑΕ ἴση ἐδείχθη· ἧς μέρος ἡ ὑπὸ ΕΒΔ τῇ ὑπὸ ΕΓΔ ἴση ἐστίν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΓΑ τῇ ὑπὸ ΓΒΑ ἴση ἐστίν· καὶ ἐπεὶ ἐδείχθη ἡ ὑπὸ ΕΒΔ τῇ ὑπὸ ΕΓΔ ἴση· ἧς μέρος ἡ ὑπὸ ΕΒΓ τῇ ὑπὸ ΕΓΒ ἴση ἐστίν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΒΓ τῇ ὑπὸ ΑΓΒ